Содержание

ПРЕДИСЛОВИЕ	5
ГЛАВА 1. АЛГЕБРА	7
§ 1. Рациональные уравнения и выражения	
Проверочная работа № 1	
§ 2. Иррациональные выражения и уравнения	
Проверочная работа № 2	
§ 3. Степенные выражения и уравнения	
Проверочная работа № 3	
§ 4. Логарифмические выражения и уравнения	
Проверочная работа № 4	
Проверочная работа № 5	
§ 5. Простейшие неравенства	
§ 6. Тригонометрические выражения и уравнения	
Проверочная работа № 6	
Проверочная работа № 7	
§ 7. Текстовые задачи (движение, работа, скорость, растворы, проценты)	
Задачи на движение по прямой	
Задачи на движение по замкнутой трассе	
Задачи на движение протяжённых тел	
Задачи на движение по воде	
Задачи на среднюю скорость	
Задачи на работу	
Задачи на проценты	
Проверочная работа № 8	
• • •	
ГЛАВА 2. ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ	20
и элементы математической статистики	
§ 1. Вероятность случайного события	
Проверочная работа № 9	
§ 2. Вероятности сложных событий	
Проверочная работа № 10	
ГЛАВА З. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА	49
§ 1. Функции и графики	49
Проверочная работа № 11	53
§ 2. Производная функции и её применение	54
Геометрический и физический смысл производной	
Проверочная работа № 12	58
Техника дифференцирования	60
Проверочная работа № 13	62
Исследование функций	
Проверочная работа № 14	
§ 3. Первообразная	
Проверочная работа № 15	75
ГЛАВА 4. ГЕОМЕТРИЯ	77
§ 1. Планиметрия	
Углы и длины	
Проверочная работа № 16	
Площади	
Проверочная работа № 17	
Окружность	
Проверочная работа № 18	
§ 2. Стереометрия	
Многогранники	
Круглые тела	
Проверочная работа № 19	

ГЛАВА 5. ЗАДАЧИ ПОВЫШЕННОЙ СЛОЖНОСТИ	
§ 1. Уравнения	
§ 2. Стереометрия	
Опорные задачи на доказательство	
Углы и расстояния	
Сечение многогранника плоскостью	
Объём многогранника	
Круглые тела	
§ 3. Неравенства и системы неравенств	
§ 4. Планиметрия	
Опорные задачи на доказательство	
Вычислительные задачи (аналоги встречающихся на экзамене)	
§ 5. Экономические задачи	
§ 6. Уравнения и неравенства с параметром	
§ 7. Задачи на целые числа	122
ГЛАВА 6. ВЕКТОРЫ	126
Проверочная работа № 20	
• • •	
Тренировочные варианты Единого государственного экзамена. Профильный уровень	130
Тренировочный вариант № 1	
Тренировочный вариант № 2	
Тренировочный вариант № 3	
Тренировочный вариант № 4	
Тренировочный вариант № 5	
Тренировочный вариант № 6	
Тренировочный вариант № 7	
Тренировочный вариант № 8	
Тренировочный вариант № 9	
Тренировочный вариант № 10	
Тренировочный вариант № 11	
Тренировочный вариант № 12	
Тренировочный вариант № 13	
Тренировочный вариант № 14	
Тренировочный вариант № 15	
Тренировочный вариант № 16	
Тренировочный вариант № 17	
Тренировочный вариант № 18	
Тренировочный вариант № 19	
Тренировочный вариант № 20	
Тренировочный вариант № 21	
Тренировочный вариант № 22	
Тренировочный вариант № 23	
Тренировочный вариант № 24	
Тренировочный вариант № 25	
Тренировочный вариант № 26	
Тренировочный вариант № 27	
Тренировочный вариант № 28	
Тренировочный вариант № 29	
Тренировочный вариант № 30	217
Разбор некоторых заданий с развёрнутым ответом	
и указания к оформлению их решений	220
Ответы	
VIDCIDI	∠၁၁

ПРЕДИСЛОВИЕ

Данное пособие предназначено для подготовки учащихся к единому государственному экзамену (ЕГЭ) по математике профильного уровня, проводимом в 11 классе, и может быть использовано как учителями математики при подборе заданий для занятий по подготовке к такому экзамену, так и самими обучающимися для отработки навыков решения заданий ЕГЭ по математике профильного уровня. Также пособие будет полезным любому читателю, желающему укрепить свои знания по той или иной теме школьного курса математики.

Пособие содержит задания по всем темам, встречающимся в ЕГЭ по математике профильного уровня, проверочные работы по отдельным темам, 30 тренировочных вариантов и методические указания по оформлению решения заданий второй части варианта (задания с развернутым ответом). При составлении пособия были использованы аналоги материалов Открытого банка заданий ФИПИ, а также многолетний опыт работы авторов в экспертных комиссиях по проверке экзаменационных работ и в качестве преподавателей математики в школе и университете.

Первая глава содержит задания по различным темам алгебры – вычисление значений выражений и решение простейших уравнений различного типа (рациональных, иррациональных, степенных, показательных, логарифмических и тригонометрических), а также текстовые задачи на движение, работу, наполнение объёмов, среднюю скорость, концентрацию растворов и сплавов, проценты. Решение данных задач подготовит учащихся к выполнению на экзамене в соответствии с демоверсией варианта ЕГЭ-2025 (профильный уровень) заданий № 6, № 7, № 9 и № 10.

Вторая глава содержит задания по теории вероятностей и математической статистике. Представлен большой набор заданий на вычисление вероятности случайного события и вероятности сложных событий, а также небольшой набор задач на вычисление математического ожидания и дисперсии случайной величины. Решение данных задач подготовит учащихся к выполнению на экзамене заданий №4 и №5 варианта ЕГЭ профильного уровня.

Третья глава содержит задания по разделам начал математического анализа:

- функции разного типа и их графики;
- производная функции и её применение (задания на геометрический и физический смысл производной, технику дифференцирования, исследование функций);
- первообразная функции, её график и её применение для нахождения площади фигуры. Решение данных задач подготовит учащихся к выполнению на экзамене заданий № 8, № 11 и № 12 варианта ЕГЭ профильного уровня.

Четвертая глава посвящена отработке решений геометрических задач. Глава содержит большое количество стандартных геометрических задач, аналоги которых входят в ЕГЭ по математике базового уровня по разделам планиметрия и стереометрия.

В параграфе «Планиметрия» выделены темы:

- углы и длины и вычисление элементов фигур с использованием тригонометрии;
- вычисление площадей фигур;
- окружность.

В основном в этот параграф включены задания базового уровня сложности – это подготовительные (опорные) задачи, то есть простые планиметрические задачи на использование какого-то одного геометрического факта. Для решения таких заданий авторы рекомендуют обязательно сделать рисунок.

В параграфе «Стереометрия» выделены темы:

- многогранники, включающие в себя задания на вычисление длин и расстояний, углов между элементами многогранника, площади поверхности многогранника или его граней, а также его объема;
- круглые тела, включающие в себя задания на вычисление линейных элементов, площадей и объемов круглых тел (цилиндр, конус и шар).

В основном в этот параграф включены задания базового уровня сложности.

Решение задач четвертой главы подготовит учащихся к выполнению на экзамене заданий № 1 и № 3 варианта ЕГЭ профильного уровня.

Решение заданий шестой главы позволит учащимся подготовиться к выполнению задания № 2 варианта ЕГЭ профильного уровня. В соответствии с демоверсией ЕГЭ 2025 — это задание на тему «Векторы» (введено с 2024 года).

Все задания первых четырёх и шестой глав состоят из нескольких пунктов, содержащих однотипные задания. Удобно строить работу с ними следующим образом: первый пункт разбирается учителем на уроке, а остальные пункты могут быть использованы для организации самостоятельной работы обучающихся на уроке, а также для включения этих пунктов в домашнее задание. Авторы рекомендуют при выполнении этих заданий не прибегать к помощи калькулятора и таблиц, поскольку на экзамене их использование не предусмотрено.

Для контроля уровня усвоения обучающимися отдельных тем первых четырёх глав пособие содержит 20 проверочных работ. При выполнении и проверке этих работ учителям рекомендуется обращать внимание на наличие в работе решений заданий, хотя на экзамене в бланк записывается только ответ первых одиннадцати заданий. Это позволит объективно оценить уровень усвоения учащимися изучаемого материала и готовность к выполнению ими подобных заданий на экзамене.

Пятая глава «Задачи повышенной сложности» даёт представления о заданиях повышенного и высокого уровня сложности с развёрнутым ответом: – уравнения с выбором ответов, принадлежащих заданному промежутку; – неравенства и их системы; – экономические задачи; – уравнения и неравенства с параметром; – планиметрические и стереометрические задачи; – задачи высокого уровня сложности по арифметике и алгебре. Представленные в этой главе наборы заданий не претендуют на полноту охвата всех подобных заданий, встречавшихся на ЕГЭ прошлых лет, но дают представление об основных идеях, методах решения подобных задач, а также правильности оформления (под контролем учителя) решений. В основном все задания этой главы содержат пары однотипных задач. Решение задач пятой главы поможет учащимся в выполнении на экзамене заданий № 13—№ 19 варианта ЕГЭ профильного уровня.

Отметим, что в отличие от заданий базового уровня по геометрии задания повышенного уровня содержат пункт на доказательство, поэтому параграфы по геометрии в этой главе начинаются с опорных задач на доказательство. Также следует отметить, что в заданиях базового уровня все вычисления в основном сводятся к использованию одной формулы. В заданиях повышенного уровня результат получается после вычисления нескольких промежуточных элементов, что требует большего кругозора. Решение приведённых в главе наборов заданий позволит сформировать у учащихся необходимые умения и навыки.

В пособии вы найдёте 30 тренировочных вариантов. Все варианты разбиты на тройки однотипных вариантов, то есть варианты с похожими заданиями. Это можно использовать при проведении внутришкольных тренировочных работ в формате ЕГЭ.

Завершает пособие пункт, содержащий критерии проверки экспертами решений заданий № 13—№ 19 и методические указания авторов по оформлению их решений, на которые следует обращать внимание в процессе обучения.

Нумерация заданий по всем главам пособия единая. Ко всем заданиям пособия в конце книги даны ответы.

Надеемся, что пособие поможет вам отлично подготовиться к ЕГЭ по математике профильного уровня!

Желаем успеха!

ГЛАВА 1. АЛГЕБРА

§ 1. Рациональные уравнения и выражения

1. Найдите корень уравнения:

a)
$$3 - 7x = 31 - 3x$$

6)
$$7(3+2x)=11(15-2x)$$
;

a)
$$3-7x=31-3x$$
; 6) $7(3+2x)=11(15-2x)$; B) $\frac{5}{6}x=53\frac{1}{3}$; Γ) $\frac{7}{15}x=-16\frac{4}{5}$.

2. Найдите корень уравнения:

a)
$$\frac{1}{5x-3} = 4$$

$$6) \frac{1}{2x-5} = \frac{5}{3}$$
;

B)
$$\frac{2x-70}{x+40} = -3$$

a)
$$\frac{1}{5x-3} = 4$$
; 6) $\frac{1}{2x-5} = \frac{5}{3}$; B) $\frac{2x-70}{x+40} = -3$; $\frac{1}{9x+2} = \frac{2}{73-5x}$.

а) Решите уравнение $\frac{8}{5}x^2 = 8,1$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите 3. больший из них.

б) Решите уравнение $\frac{5}{7}x^2 = 4\frac{13}{28}$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите больший из них.

в) Решите уравнение $x^2 - 115x - 116 = 0$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите больший из них.

r) Решите уравнение $2x^2 + 2021x - 2023 = 0$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите меньший из них.

4. Найдите корень уравнения:

a)
$$(4x+1)^2 = (4x-5)^2$$

5. Найдите корень уравнения:

a)
$$4x^2 - 7 = (2x - 1)^2$$

$$6) 9x^2 - 17 = (1 + 3x)^2;$$

а) Решите уравнение $\frac{x+3}{x^2-2} = \frac{1}{2}$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите 6. больший из них.

б) Решите уравнение $\frac{x-8}{x^2-9} = 2$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите меньший из них.

а) Решите уравнение $\frac{x-21}{x+11} = x$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите 7. меньший из них.

б) Решите уравнение $\frac{7x-15}{x+9} = 2x$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запи шите больший из них.

в) Решите уравнение $\frac{9x+53}{x+2} = 3x-1$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите больший из них.

7

- а) Решите уравнение $\frac{2x-5}{10x+3} = \frac{1}{x+3}$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе 8. запишите меньший из них
 - б) Решите уравнение $\frac{x-1}{2x+5} = \frac{2x-7}{3x-1}$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите меньший из них.
 - в) Решите уравнение $\frac{x+2}{2x-3} = \frac{2x-5}{x+4}$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите больший из них.
- 9. Найдите корень уравнения:

 - a) $(x+7)^5 = 243$; 6) $(8-x)^7 = -128$.
- а) Решите уравнение $x^4 5x^2 + 4 = 0$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе 10. запишите больший из них.
 - б) Решите уравнение $x^6 65x^3 + 64 = 0$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите меньший из них.
- а) При температуре $0^{\circ}C$ рельс имеет длину $l_0 = 21$ м. При возрастании температуры происходит 11. тепловое расширение рельса, и его длина, выраженная в метрах, меняется по закону $l(t^{\circ}) = l_0(1 + \alpha \cdot t^{\circ})$, где $\alpha = 1, 2 \cdot 10^{-5} ({}^{\circ}C)^{-1}$ — коэффициент теплового расширения, t° — температура (в градусах Цельсия). При какой температуре рельс удлинится на 6,3 мм? Ответ выразите в градусах Цельсия.
 - б) При температуре $0^{\circ}C$ рельс имеет длину $l_0 = 25$ м. При возрастании температуры происходит тепловое расширение рельса, и его длина, выраженная в метрах, меняется по закону $l(t^{\circ}) = l_0(1 + \alpha \cdot t^{\circ})$, где $\alpha = 1, 2 \cdot 10^{-5} ({}^{\circ}C)^{-1}$ — коэффициент теплового расширения, t° — температура (в градусах Цельсия). При какой температуре рельс удлинится на 5,1 мм? Ответ выразите в градусах Цельсия.
- 12. а) Некоторая компания производит в месяц q единиц продукции, которую продает по цене p = 300 руб. за единицу, затраты на производство одной единицы продукции составляют $v = 100\,$ руб., дополнительные расходы предприятия $f = 800\,000\,$ руб. в месяц. Месячная прибыль предприятия (в рублях) вычисляется по формуле $\pi = q(p-v) - f$. Определите наименьший месячный объём производства q (единиц продукции), при котором месячная прибыль предприятия будет не менее 700 000 руб.
 - б) Некоторая компания производит в месяц q единиц продукции, которую продаёт по цене по цене p = 500 руб. за единицу, затраты на производство одной единицы продукции составляют v = 150 руб., дополнительные расходы предприятия f = 700000 руб. в месяц. Месячная прибыль предприятия (в рублях) вычисляется по формуле $\pi = q(p-v) - f$. Определите наименьший месячный объём производства q (единиц продукции), при котором месячная прибыль предприятия будет не менее 2 170 000 руб.
- 13. а) Некоторая компания производит в месяц q = 5000 единиц продукции, которую продает по цене p руб. за единицу, затраты на производство одной единицы продукции составляют $v = 200\,$ руб., дополнительные расходы предприятия $f = 550\,000\,$ руб. в месяц. Месячная прибыль предприятия (в рублях) вычисляется по формуле $\pi = q(p-v) - f$. Определите наи-

меньшую цену p за единицу продукции, при которой месячная прибыль предприятия будет не менее 1 500 000 руб.

- б) Некоторая компания производит в месяц $q=7\,000$ единиц продукции, которую продаёт по цене p руб. за единицу, затраты на производство одной единицы продукции составляют $v=300\,$ руб., дополнительные расходы предприятия $f=500\,000\,$ руб. в месяц. Месячная прибыль предприятия (в рублях) вычисляется по формуле $\pi=q(p-v)-f$. Определите наименьшую цену p за единицу продукции, при которой месячная прибыль предприятия будет не менее 2 440 000 руб.
- 14. а) Некоторое предприятие производит в месяц q единиц продукции. Затраты на производство одной единицы продукции (в рублях) зависит от объёма производства по формуле $z=z_0\left(1+\frac{1}{q}\right)$, где $z_0=300$. Общие затраты предприятия (в рублях) вычисляются по формуле r=zq. Определите наибольшее количество единиц продукции в месяц, при котором общие затраты предприятия не превышают 450 300 рублей.
 - б) Некоторое предприятие производит в месяц q единиц продукции. Затраты на производство одной единицы продукции (в рублях) зависит от объёма производства по формуле $z=z_0\left(1+\frac{1}{q}\right)$, где $z_0=450$. Общие затраты предприятия (в рублях) вычисляются по формуле r=zq. Определите наибольшее количество единиц продукции в месяц, при котором общие затраты предприятия не превышают 900 450 рублей.
- 15. а) Для измерения высоты этажа в доме мальчик измеряет время t падения небольших камешков со второго и третьего этажа и рассчитывает расстояние до земли по формуле $h = 5t^2$, где h -высота в метрах, t -время падения камня (в секундах). Оказалось, что для второго этажа время падения камешка оказалось равным 0,7 секунды, а для третьего на 0,4 секунды больше. Чему равна высота этажа? Ответ выразите в метрах.
 - б) Для измерения высоты этажа в доме мальчик измеряет время t падения небольших камешков со второго и четвёртого этажа и рассчитывает расстояние до земли по формуле $h = 5t^2$, где h -высота в метрах, t -время падения (в секундах). Оказалось, что для второго этажа время падения камешка оказалось равным 0.6 с, а для четвёртого на 0.8 с больше. Чему равна высота этажа? Ответ выразите в метрах.
- **16.** а) Тело брошено вертикально вверх с высоты 28 метров. Пока тело не упало, высота, на которой оно находится, описывается формулой $h(t) = 28 + 13t 5t^2$, где h высота в метрах, t время в секундах, прошедшее с момента броска. Через сколько секунд тело упадет?
 - б) Камень брошен вертикально вверх с высоты 11,2 метра. Пока камень не упал, высота, на которой он находится, описывается формулой $h(t) = 11, 2 + 10t 5t^2$, где h высота в метрах, t время в секундах, прошедшее с момента броска. Через сколько секунд камень упадет?
- **17.** а) Камень брошен под углом к горизонту с высоты 3,6 метра. Пока камень не упал, высота, на которой он находится, описывается формулой $h(t) = 3,6 + 8t 5t^2$, где h высота в метрах, t время в секундах, прошедшее с момента броска. Сколько секунд камень будет находиться на высоте не менее 6 метров?
 - б) Камень брошен под углом к горизонту с высоты 9 метров. Пока камень не упал, высота, на которой он находится, описывается формулой $h(t) = 9 + 12t 5t^2$, где h высота в метрах, t время в секундах, прошедшее с момента броска. Сколько секунд камень будет находиться на высоте не менее 13 метров?

- **18.** а) От острова, расположенного в 5 км от пристани, отходит катер. До тех пор, пока катер не подойдёт к пристани, его расстояние до неё описывается формулой $s(t) = 5 + 8t 4t^2$, где s расстояние в километрах, t время в часах, прошедшее с момента отплытия. Зона видимости наблюдателя, находящегося в бухте, составляет 8 км. Сколько всего времени катер будет находиться в зоне видимости наблюдателя, пока не подойдёт к пристани? Ответ дайте в часах.
 - б) От острова, расположенного в 2,1 км от пристани, отходит катер. До тех пор, пока катер не подойдёт к пристани, его расстояние до неё описывается формулой $s(t) = 2,1 + 20t 10t^2$, где s расстояние в километрах, t время в часах, прошедшее с момента отплытия. Зона видимости наблюдателя, находящегося в бухте, составляет 5,7 км. Сколько всего времени катер будет находиться в зоне видимости наблюдателя, пока не подойдёт к пристани? Ответ дайте в часах.
- 19. а) Для нагревательного элемента некоторого прибора экспериментально была получена зависимость температуры (в кельвинах) от времени работы: $T = T_0 + bt + at^2$, где t время в минутах, $T_0 = 1000 \, \mathrm{K}$, $a = -5 \, \mathrm{K/muh^2}$, $b = 150 \, \mathrm{K/muh}$. Известно, что при температуре нагревателя свыше 1880К прибор может испортиться, поэтому его нужно отключить. Определите, через какое наибольшее время после начала работы нужно отключить прибор. Ответ выразите в минутах.
 - б) Для нагревательного элемента некоторого прибора экспериментально была получена зависимость температуры (в кельвинах) от времени работы: $T = T_0 + bt + at^2$, где t время в минутах, $T_0 = 600 \, \text{K}$, $a = -6 \, \text{K/muh}^2$, $b = 250 \, \text{K/muh}$. Известно, что при температуре нагревателя свыше 1700К прибор может испортиться, поэтому его нужно отключить. Определите, через какое наибольшее время после начала работы нужно отключить прибор. Ответ выразите в минутах.
- **20.** а) Деталью некоторого прибора является вращающаяся катушка. Она состоит из трёх однородных соосных цилиндров: центрального массой m=10 кг и радиуса R=8 см, и двух боковых с массами M=2 кг и с радиусами R+h. При этом момент инерции катушки относительно оси вращения, выражаемый в $\kappa z \cdot c m^2$, задаётся формулой $I=\frac{(m+2M)R^2}{2}+M(2Rh+h^2)$. При каком максимальном значении h момент инерции катушки не превышает предельного значения $608 \ \kappa z \cdot c m^2$? Ответ выразите в сантиметрах.
 - б) Деталью некоторого прибора является вращающаяся катушка. Она состоит из трёх однородных соосных цилиндров: центрального массой m=9 кг и радиуса R см, и двух боковых с массами M=3 кг и с радиусами R+h, где h=2 см. При этом момент инерции катушки относительно оси вращения, выражаемый в $\kappa\varepsilon\cdot cm^2$, задаётся формулой $I=\frac{(m+2M)R^2}{2}+M(2Rh+h^2)$. При каком максимальном значении R момент инерции катушки не превышает предельного значения 882 $\kappa\varepsilon\cdot cm^2$? Ответ выразите в сантиметрах.
- 21. а) В розетку электросети подключены приборы, общее сопротивление которых составляет $R_1 = 70$ Ом. Параллельно с ними в розетку предполагается подключить электрообогреватель. Определите наименьшее возможное сопротивление R_2 этого электрообогревателя, если известно, что при параллельном соединении двух проводников с сопротивлениями R_1 Ом и R_2 Ом, их общее сопротивление задаётся формулой $R = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$ (Ом), а для нормального функционирования электросети общее сопротивление в ней должно быть не меньше 21 Ом. Ответ выразите в омах.

- б) В розетку электросети подключены приборы, общее сопротивление которых составляет $R_1=20~{\rm Om}.$ Параллельно с ними в розетку предполагается подключить электрообогреватель. Определите наименьшее возможное сопротивление R_2 этого электрообогревателя, если известно, что при параллельном соединении двух проводников с сопротивлениями R_1 Ом и R_2 Ом, их общее сопротивление задается формулой $R=\frac{R_1R_2}{R_1+R_2}$ (Ом), а для нормального функционирования электросети общее сопротивление в ней должно быть не меньше 15 Ом. Ответ выразите в омах.
- 22. а) Коэффициент полезного действия (КПД) некоторого двигателя определяется формулой $\eta = \frac{T_1 T_2}{T_1} \cdot 100\%, \ \text{где} \ T_1 \text{температура нагревателя (в градусах Кельвина)}, \ T_2 \text{температура холодильника (в градусах Кельвина)}. \ При какой минимальной температуре нагревателя <math>T_1$ КПД этого двигателя будет не меньше 30%, если температура холодильника $T_2 = 350$ К? Ответ выразите в градусах Кельвина.
 - б) Коэффициент полезного действия (КПД) некоторого двигателя определяется формулой $\eta = \frac{T_1 T_2}{T_1} \cdot 100\%, \ \text{где} \ T_1 \text{температура нагревателя (в градусах Кельвина)}, \ T_2 \text{температура холодильника (в градусах Кельвина)}. \ При какой минимальной температуре нагревателя <math>T_1$ КПД этого двигателя будет не меньше 20%, если температура холодильника $T_2 = 280 \, \text{K}$? Ответ выразите в градусах Кельвина.
- 23. а) Независимое агентство намерено ввести рейтинг новостных интернет-изданий на основе показателей информативности In, оперативности Op, объективности публикаций Tr, а также качества сайта Q. Каждый отдельный показатель целое число от 0 до 6. Составители рейтинга считают, что объективность ценится втрое, а информативность публикаций вчетверо дороже, чем оперативность и качество сайта. Таким образом, формула приняла вид $R = \frac{4In + Op + 3Tr + Q}{A}$. Найдите, каким должно быть число A, чтобы издание, у которого все показатели максимальны, получило рейтинг 2.
 - б) Независимое агентство намерено ввести рейтинг новостных интернет-изданий на основе по-казателей информативности In, оперативности Op, объективности публикаций Tr, а также качества сайта Q. Каждый отдельный показатель целое число от 0 до 12. Составители рейтинга считают, что объективность ценится в пять раз, а информативность публикаций втрое дороже, чем оперативность и качество сайта. Таким образом, формула приняла вид $R = \frac{3In + Op + 5Tr + Q}{A}$. Найдите, каким должно быть число A, чтобы издание, у которого все показатели максимальны, получило рейтинг 20.

Вариант 1

1. Решите уравнения:

a)
$$2(6-2x)-4=18-3(1+3x)$$
;

6)
$$\frac{2x}{17} = 3\frac{3}{17}$$
;

B)
$$\frac{1}{4} - \frac{5x-1}{8} = \frac{5-x}{6}$$
;

$$\Gamma$$
) $(7-x)^2 = (x+3)^2$.

2. Решите уравнения и выполните указание:

a)
$$(8x-2)(10x+15) = 0$$
.

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите больший из них;

6)
$$13x + 3x^2 - 10 = 0$$
.

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите меньший из них;

B)
$$(4x-5)^2 = 14x^2 - 47x + 34$$
.

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите произведение корней;

$$\Gamma) \frac{x-8}{9x-2} = \frac{x-8}{8x-7} \, .$$

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите больший из них;

$$\pi$$
) $x^4 + 2x^2 - 24 = 0$.

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите меньший из них.

3. Решите уравнения:

a)
$$7 = \frac{35}{x-4}$$
;

6)
$$7 = \frac{18 + 2x}{9 - x}$$
;

B)
$$\frac{1}{4-x} - \frac{2}{7-x} = 0$$
.

4. Используя закон всемирного тяготения в виде $F = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2}$, где F – сила притяжения между телами (в ньютонах), m_1 и m_2 – массы тел (в килограммах), r – расстояние между центрами масс (в метрах), а γ – гравитационная постоянная, равная $6,67\cdot 10^{-11} \text{H}\cdot \text{M}^2/\text{kr}^2$, найдите массу тела m_1 в килограммах, если F = 26,68 H, $m_2 = 6\cdot 10^8$ кг, r = 3 м.

1. Решите уравнения:

a)
$$22-5(2+3x)=-7(9-5x)$$
;

6)
$$5 - \frac{x}{18} = \frac{x}{27}$$
;

B)
$$\frac{1}{5} - \frac{4+x}{6} = \frac{9-x}{12}$$
;

$$\Gamma$$
) $(x+4)^2 = (6-x)^2$.

2. Решите уравнения и выполните указание:

a)
$$(9x+18)(8x-6)=0$$
.

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите больший из них;

6)
$$x^2 + 11x + 18 = 0$$
.

Если уравнение имеет более одного корня, то в ответе укажите больший из них;

B)
$$(5x+7)^2 = 17x^2 + 84x + 46$$
.

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите произведение корней;

$$\Gamma) \frac{x-6}{7x-2} = \frac{x-6}{6x-7} \, .$$

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите больший из них;

$$\pi$$
) $x^4 + 4x^2 - 5 = 0$.

Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите меньший из них.

3. Решите уравнения:

a)
$$\frac{24}{11-x} = 8$$
;

6)
$$\frac{45(x-1)}{5-x} = 15$$
;

B)
$$\frac{2}{5-x} - \frac{1}{6-x} = 0$$
.

4. Используя закон всемирного тяготения в виде $F = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2}$, где F – сила притяжения между телами (в ньютонах), m_1 и m_2 – массы тел (в килограммах), r – расстояние между центрами масс (в метрах), а γ – гравитационная постоянная, равная $6.67 \cdot 10^{-11} \text{H} \cdot \text{M}^2/\text{kr}^2$, найдите массу тела m_1 в килограммах, если F = 20.01 H, $m_2 = 64 \cdot 10^7$ кг, r = 4 м.

§ 2. Иррациональные выражения и уравнения

24. Найдите значение выражения:

a)
$$\frac{(3\sqrt{7})^2}{3}$$
;

$$6) \frac{\left(5\sqrt{3}\right)^2}{3}$$

B)
$$\frac{18}{(6\sqrt{5})^2}$$

a)
$$\frac{\left(3\sqrt{7}\right)^2}{3}$$
; 6) $\frac{\left(5\sqrt{3}\right)^2}{3}$; B) $\frac{18}{\left(6\sqrt{5}\right)^2}$; Γ) $\frac{24}{\left(4\sqrt{6}\right)^2}$.

25. Найдите значение выражения:

a)
$$\sqrt{51^2 - 45^2}$$
;

6)
$$\sqrt{371^2 - 196^2}$$
.

26. Найдите значение выражения:

a)
$$(\sqrt{54} - \sqrt{24}) \cdot \sqrt{6}$$
;

a)
$$(\sqrt{54} - \sqrt{24}) \cdot \sqrt{6}$$
; 6) $(\sqrt{108} - \sqrt{363}) \cdot \sqrt{675}$.

27. Найдите значение выражения:

a)
$$\frac{\sqrt{11,2} \cdot \sqrt{2,7}}{\sqrt{0.84}}$$
;

6)
$$\frac{\sqrt{4,5} \cdot \sqrt{7,5}}{\sqrt{2,4}}$$
.

28. Найдите значение выражения:

a)
$$(\sqrt{73} - \sqrt{21})(\sqrt{73} + \sqrt{21})$$

6)
$$(5\sqrt{2} + \sqrt{32})(\sqrt{32} - \sqrt{50})$$

a)
$$(\sqrt{73} - \sqrt{21})(\sqrt{73} + \sqrt{21})$$
; 6) $(5\sqrt{2} + \sqrt{32})(\sqrt{32} - \sqrt{50})$ B) $(\sqrt{72} - \sqrt{69})(\sqrt{69} + 6\sqrt{2})$.

29. Найдите значение выражения:

a)
$$\frac{(\sqrt{3} + \sqrt{75})^2}{4}$$
;

$$6) \frac{\left(\sqrt{29} + \sqrt{13}\right)^2}{21 + \sqrt{377}}.$$

30. Найдите значение выражения:

a)
$$\left(\sqrt{3\frac{29}{32}} - \sqrt{5\frac{5}{8}}\right) : \sqrt{\frac{5}{32}}$$

a)
$$\left(\sqrt{3\frac{29}{32}} - \sqrt{5\frac{5}{8}}\right) : \sqrt{\frac{5}{32}};$$
 6) $\left(\sqrt{10\frac{5}{7}} - \sqrt{6\frac{6}{7}}\right) : \sqrt{\frac{3}{343}}.$

31. Найдите корень уравнения:

a)
$$\sqrt{x-12} = 3$$

6)
$$\sqrt{2x+33} = 5$$

B)
$$\sqrt{27-x} = 6$$
;

a)
$$\sqrt{x-12} = 3$$
; b) $\sqrt{2x+33} = 5$; b) $\sqrt{27-x} = 6$; c) $\sqrt{-41-15x} = 2$.

- а) Решите уравнение $\sqrt{2x+35} = x$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запи-32. шите меньший их них.
 - б) Решите уравнение $\sqrt{27-6x} = -x$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите больший их них.
- 33. Решите уравнение:

a)
$$\sqrt{\frac{10}{7x-8}} = \frac{1}{3}$$
;

$$6) \sqrt{\frac{3}{298 - 5x}} = \frac{1}{11}.$$

34. Найдите корень уравнения:

a)
$$\sqrt[3]{5x-8} = 3$$

6)
$$\sqrt[5]{7x+10} = -2$$

a)
$$\sqrt[3]{5x-8} = 3$$
; 6) $\sqrt[5]{7x+10} = -2$; b) $\sqrt[3]{3x+8} = -4$; $\sqrt[5]{7-5x} = 2$.

$$\Gamma$$
) $\sqrt[5]{7-5x} = 2$.

- 35. а) Автомобиль массой m кг начинает тормозить и проходит до полной остановки путь S м. Сила трения F (в H), масса автомобиля m (в кг), время t (в с) и пройденный путь S (в м) связаны соотношением $F = \frac{2mS}{t^2}$. Определите, сколько секунд заняло торможение, если известно, что сила трения равна 1750 Н, масса автомобиля равна 2000 кг, путь составил 700 м.
 - б) Автомобиль массой m кг начинает тормозить и проходит до полной остановки путь S м. Сила трения F (в H), масса автомобиля m (в кг), время t (в с) и пройденный путь S (в м) связаны соотношением $F = \frac{2mS}{r^2}$. Определите, сколько секунд заняло торможение, если известно, что сила трения равна 3000 Н, масса автомобиля равна 1200 кг, путь составил 500 м.
- 36. а) При движении ракеты её видимая для неподвижного наблюдателя длина, измеряемая в метрах, сокращается по закону $l = l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$, где $l_0 = 20\,$ м — длина покоящейся ракеты, $c = 3 \cdot 10^5\,$ км/с скорость света, а v - скорость ракеты (в км/с). Найдите наблюдаемую длину ракеты при скорости 180000 км/с. Ответ выразите в метрах.
 - б) При движении ракеты её видимая для неподвижного наблюдателя длина, измеряемая в метрах, сокращается по закону $l=l_0\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}$, где $l_0=25\,$ м — длина покоящейся ракеты, $c=3\cdot 10^5\,$ км/с скорость света, а ν – скорость ракеты (в км/с). Какова должна быть минимальная скорость ракеты, чтобы её наблюдаемая длина стала не более 24 м? Ответ выразите в км/с.
- а) Расстояние (в км) от наблюдателя, находящегося на высоте h м над землёй, до видимой им 37. линии горизонта вычисляется по формуле $l = \sqrt{\frac{Rh}{500}}$, где R = 6400 км — радиус Земли. Человек, стоящий на набережной, видит горизонт на расстоянии 6.4 км. К набережной ведёт лестница, каждая ступенька которой имеет высоту 20 см. На какое наименьшее количество ступенек нужно подняться человеку, чтобы он увидел горизонт на расстоянии не менее 9,6 километров?
 - б) Расстояние (в км) от наблюдателя, находящегося на высоте h м над землёй, до видимой им линии горизонта вычисляется по формуле $l = \sqrt{\frac{Rh}{500}}$, где R = 6400 км — радиус Земли. Человек, стоящий на набережной, видит горизонт на расстоянии 4 км. К набережной ведёт лестница, каждая ступенька которой имеет высоту 15 см. На какое наименьшее количество ступенек нужно подняться человеку, чтобы он увидел горизонт на расстоянии не менее 5,6 километров?

Вариант 1

- 1. Найдите значения выражений:
 - a) $\sqrt{1,44}$;
 - 6) $\sqrt{1\frac{11}{25}}$;
 - в) $\sqrt{72} \cdot \sqrt{50}$;
 - $\Gamma) \ \sqrt{2^8 \cdot 3^6} \ .$
- 2. Найдите значения выражений:
 - a) $\sqrt{4,2\cdot7,5\cdot14}$;
 - $6) \; \frac{(3\sqrt{13})^2}{52} \, .$
- 3. Найдите значения выражений:
 - a) $\sqrt{85^2 84^2}$;
 - 6) $(5+\sqrt{57})\cdot(\sqrt{57}-5)$;
 - B) $(7\sqrt{45} 6\sqrt{20}) \cdot \sqrt{5}$.
- 4. Решите уравнения:
 - a) $\sqrt{35-2x} = 7$;
 - 6) $\sqrt{\frac{24}{11-x}} = 4$;
 - B) $\sqrt{\frac{3}{2x+27}} = \frac{1}{7}$.
- 5. Решите уравнение

$$\sqrt{-72-17x} = -x$$

Если уравнение имеет более одного корня, укажите меньший из них.

6. Работа постоянного тока (в джоулях) вычисляется по формуле $A = \frac{U^2 t}{R}$, где U – напряжение (в вольтах), R – сопротивление (в омах), t – время (в секундах). Пользуясь формулой, найдите U (в джоулях), если t = 20 с, A = 48 Дж и R = 15 Ом.

- 1. Найдите значения выражений:
 - a) $\sqrt{1,96}$;
 - 6) $\sqrt{2\frac{17}{16}}$;
 - B) $\sqrt{28} \cdot \sqrt{63}$;
 - Γ) $\sqrt{3^4 \cdot 4^6}$.
- 2. Найдите значения выражений:
 - a) $\sqrt{5,2\cdot 3,9\cdot 27}$;
 - $6) \frac{69}{(2\sqrt{23})^2}.$
- 3. Найдите значения выражений:
 - a) $\sqrt{113^2 112^2}$;
 - 6) $(9-\sqrt{61})\cdot(\sqrt{61}+9)$;
 - B) $(8\sqrt{24} + 3\sqrt{54}) \cdot \sqrt{6}$.
- 4. Решите уравнения:
 - a) $\sqrt{13-2x} = 3$;
 - 6) $\sqrt{\frac{16}{5-2x}} = 4$;
 - B) $\sqrt{\frac{3}{2x+49}} = \frac{1}{5}$.
- 5. Решите уравнение

$$\sqrt{-72 + 17x} = x.$$

Если уравнение имеет более одного корня, укажите меньший из них.

6. .Работа постоянного тока (в джоулях) вычисляется по формуле $A = \frac{U^2 t}{R}$, где U – напряжение (в вольтах), R – сопротивление (в омах), t – время (в секундах). Пользуясь формулой, найдите U (в джоулях), если t = 25 с, A = 225 Дж и R = 9 Ом.

§ 3. Степенные выражения и уравнения

38. Найдите значение выражения:

a)
$$5^8 \cdot 625^{-2}$$
;

$$\Gamma$$
) $9^{1,1} \cdot 27^{0,6}$;

6)
$$3^5 \cdot 81^{-\frac{1}{2}}$$

б)
$$3^5 \cdot 81^{-\frac{1}{2}}$$
; $\qquad \qquad$ д) $11^{\frac{5}{9}} \cdot 121^{\frac{2}{9}}$;

B)
$$2^{1,24} \cdot 4^{1,38}$$

в)
$$2^{1,24} \cdot 4^{1,38}$$
; e) $7^{\frac{10}{11}} \cdot 49^{\frac{6}{11}}$.

39. Найдите значение выражения:

a)
$$\frac{4^{3,5}}{64^{1,5}}$$
;

B)
$$\frac{81^{2,2}}{0^{1,4}}$$

$$\Gamma$$
) $\frac{16^{2,5}}{4^{3,5}}$

40. Найдите значение выражения:

$$6) \ \frac{3^{3,1} \cdot 15^{4,1}}{45^{2,1}}.$$

41. Найдите значение выражения:

a)
$$4^3 \cdot 3^5 : 12^4$$

a)
$$4^3 \cdot 3^5 : 12^4$$
; 6) $35^{-2,3} \cdot 5^{1,3} : 7^{-3,3}$.

a)
$$5 \cdot \sqrt[5]{81} \cdot \sqrt[20]{81}$$

6)
$$\sqrt[6]{32} \cdot \sqrt[30]{32}$$
;

B)
$$\frac{\sqrt[4]{11 \cdot \sqrt[12]{11}}}{\sqrt[3]{11}}$$
;

a)
$$5 \cdot \sqrt[5]{81} \cdot \sqrt[20]{81}$$
; 6) $\sqrt[6]{32} \cdot \sqrt[30]{32}$; B) $\frac{\sqrt[4]{11} \cdot \sqrt[12]{11}}{\sqrt[3]{11}}$; Γ) $\frac{\sqrt[5]{375} \cdot \sqrt[5]{75}}{\sqrt[5]{9}}$

a)
$$(13^4)^7:13^{26}$$
;

б)
$$(49^3)^5 : (7^7)^4$$
.

a)
$$\left(\frac{21^{\frac{1}{4}} \cdot \sqrt[3]{21}}{\sqrt[12]{21}}\right)^2$$
; 6) $\frac{\left(5^{\frac{4}{9}} \cdot 3^{\frac{1}{2}}\right)^{36}}{15^{16}}$.

$$6) \frac{\left(5^{\frac{4}{9}} \cdot 3^{\frac{1}{2}}\right)^{36}}{15^{16}}.$$

45. Найдите значение выражения:

a)
$$\frac{4(x^8)^5 + 5(2x^{20})^2}{3(x^{10})^4}$$
 при $x \neq 0$

46. Найдите значение выражения:

а)
$$\frac{\sqrt[6]{a} \cdot \sqrt[3]{a^4}}{\sqrt[5]{a}} \cdot \sqrt[6]{a^4} \cdot \sqrt[5]{a}$$
 при $a = 9$; б) $\sqrt[7]{\sqrt{a} \cdot \sqrt[3]{a^2}} \cdot \sqrt[3]{a^2} \cdot \sqrt[3]{a^2} \cdot \sqrt[3]{a}$ при $a = 16$.

б)
$$\sqrt[7]{\sqrt{a}\cdot\sqrt[3]{a^2}}\cdot\sqrt[3]{a^2\cdot\sqrt{a}}$$
 при $a=16$

47. Найдите корень уравнения:

a)
$$5^{x-3} = 125$$
;

$$6) \ 3^{1-x} = 81;$$

B)
$$2^{2x-9} = \frac{1}{32}$$
;

48. Найдите корень уравнения:

a)
$$\left(\frac{1}{2}\right)^{5x-4} = \frac{1}{64}$$
;

$$\Gamma$$
) $\left(\frac{1}{3}\right)^{9-2x} = 27$;

6)
$$\left(\frac{1}{3}\right)^{17-2x} = \frac{1}{243}$$
;

д)
$$\left(\frac{1}{25}\right)^{x+1} = 5$$
;

B)
$$\left(\frac{1}{5}\right)^{9+4x} = 125$$
;

$$e) \left(\frac{1}{36}\right)^{3-x} = 6.$$

49. Найдите корень уравнения:

a)
$$3^{5-x} = 9^{1+x}$$
;

$$6) \ 3^{2x+4} = 6 \cdot 4^{1+x};$$

B)
$$\left(\frac{1}{5}\right)^{8-x} = 625^{3-x}$$
;

a)
$$3^{5-x} = 9^{1+x}$$
; b) $\left(\frac{1}{5}\right)^{8-x} = 625^{3-x}$; r) $324 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^{5x-1} = 3^{10x}$.

- 50. а) На верфи инженеры проектируют новый аппарат для погружения на небольшие глубины. Конструкция имеет кубическую форму, а значит, действующая на аппарат выталкивающая (архимедова) сила, выражаемая в ньютонах, будет определяться по формуле: $F_A = \rho g l^3$, где lдлина ребра куба в метрах, $\rho = 1000 \text{ кг/м}^3 - \text{плотность воды, а } g - \text{ускорение свободного па$ дения (считайте g = 9.8 H/кг). Какой может быть максимальная длина ребра куба, чтобы обеспечить его эксплуатацию в условиях, когда выталкивающая сила при погружении будет не больше, чем 264600 Н? Ответ выразите в метрах.
 - б) На верфи инженеры проектируют новый аппарат для погружения на небольшие глубины. Конструкция имеет кубическую форму, а значит, действующая на аппарат выталкивающая (архимедова) сила, выражаемая в ньютонах, будет определяться по формуле: $F_A = \rho g l^3$, где l длина ребра куба в метрах, $\rho = 1000~{\rm kr/m}^3 -$ плотность воды, а g- ускорение свободного падения (считайте g = 9.8 H/кг). Какой может быть максимальная длина ребра куба, чтобы обеспечить его эксплуатацию в условиях, когда выталкивающая сила при погружении будет не больше, чем 1225000 Н? Ответ выразите в метрах.
- 51. а) Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана-Больцмана, согласно которому мощность $P = \sigma ST^4$, где P — мощность излучения звезды (в ваттах), $\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8} \frac{\text{Br}}{\text{M}^2 \times \text{K}^4}$ – постоянная, S– площадь поверхности звезды (в квадратных метрах), а T – температура (в кельвинах). Известно, что площадь поверхности некоторой звезды равна $5\cdot 10^{19}\,\mathrm{m}^2$, а мощность её излучения равна $4,56\cdot 10^{25}\,\mathrm{Br}$. Найдите температуру этой звезды в кельвинах.
 - б) Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана-Больцмана, согласно которому мощность $P = \sigma S T^4$, где P — мощность излучения звезды (в ваттах), $\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8} \frac{\text{BT}}{\text{M}^2 \times \text{K}^4}$ – постоянная, S – площадь поверхности звезды (в квадратных метрах), а T — температура (в кельвинах). Известно, что площадь поверхности некоторой звезды равна $2 \cdot 10^{18} \,\mathrm{m}^2$, а мощность её излучения равна $7{,}125 \cdot 10^{25} \,\mathrm{Bt}$. Найдите температуру этой звезды в кельвинах.

Вариант 1

1. Найдите значения выражений:

a)
$$\frac{(6^{-5})^9 \cdot 6^{15}}{6^{-32}}$$
;

6)
$$8^{-4} \cdot 16^5 : 32^0$$
.

2. Найдите значения выражений:

a)
$$0.005 \cdot 10^4 + 0.07 \cdot 10^3 - 0.4 \cdot 10^1$$
;

б)
$$12 \cdot 10^{-4} + 6 \cdot 10^{-2} + 8 \cdot 10^{-1}$$
.

3. Найдите значение выражения:

$$(-0,1)^3 - (-0,2)^2 + (-0,6)^0$$
.

4. Найдите значения выражений:

a)
$$\frac{b^{3,33}}{b^{2,01} \cdot b^{2,32}}$$
 при $b = \frac{2}{7}$;

б)
$$a^{\frac{1}{5}} \cdot \left(a^{\frac{9}{10}}\right)^2$$
 при $a = 7$.

5. Решите уравнения:

a)
$$5^{-5+x} = 125$$
;

6)
$$6^{12,5x+12} = \frac{1}{216}$$
;

B)
$$\left(\frac{1}{2}\right)^{10-3x} = 256$$
.

6. Скорость автомобиля, разгоняющегося с места старта по прямолинейному отрезку пути длиной l км с постоянным ускорением a км/ч 2 , вычисляется по формуле $v^2 = 2la$. Определите, с какой наименьшей скоростью будет двигаться автомобиль на расстоянии 0,4 километра от старта, если по конструктивным особенностям автомобиля приобретаемое им ускорение не меньше 32000 км/ч 2 . Ответ выразите в км/ч.

1. Найдите значения выражений:

a)
$$\frac{(5^3)^{16} \cdot 5^{-54}}{5^{-4}}$$
;

6)
$$81^{\circ} \cdot 27^{\circ} : 9^{7}$$
.

2. Найдите значения выражений:

a)
$$0,0009 \cdot 10^6 + 0,002 \cdot 10^5 - 0,6 \cdot 10^2$$
;

$$608 \cdot 10^{-5} + 61 \cdot 10^{-3} + 7 \cdot 10^{-2}$$

3. Найдите значение выражения:

$$(-0,3)^4 - (-0,1)^3 - (-0,0004)^0$$
.

4. Найдите значения выражений:

a)
$$\frac{a^{3,53}}{a^{2,01} \cdot a^{2,52}}$$
 при $a = \frac{2}{7}$;

б)
$$b^{\frac{3}{5}} \cdot \left(b^{\frac{7}{10}}\right)^2$$
 при $b = 6$.

5. Решите уравнения:

a)
$$6^{-5+x} = 216$$
;

6)
$$7^{12,5x+12} = \frac{1}{343}$$
;

B)
$$\left(\frac{1}{3}\right)^{10-3x} = 243$$
.

6. Скорость автомобиля, разгоняющегося с места старта по прямолинейному отрезку пути длиной l км с постоянным ускорением a км/ч 2 , вычисляется по формуле $v^2 = 2la$. Определите, с какой наименьшей скоростью будет двигаться автомобиль на расстоянии 0,8 километра от старта, если по конструктивным особенностям автомобиля приобретаемое им ускорение не меньше 6250 км/ч 2 . Ответ выразите в км/ч.

§ 4. Логарифмические выражения и уравнения

52. Найдите значение выражения:

a) log₃ 243;

B) $\log_{0.2} 625$;

б) $\log_5 \frac{1}{125}$; r) $\log_{0,5} 1024$.

Найдите значение выражения: 53.

a) $\log_3 \log_2 512$; 6) $\log_2 \log_{81} 3$.

Найдите значение выражения: 54.

a) $\log_{11} \sqrt[5]{121}$; 6) $\log_{13} \sqrt[4]{169}$

55. Найдите значение выражения:

a) $\log_{\sqrt{7^2}} 7$;

B) $\log_{\frac{1}{9}} 27$;

б) $\log_{\frac{1}{\sqrt{10}}} 1000$; г) $\log_{\frac{1}{8}} 64$.

Найдите значение выражения: **56.**

a) $36^{\log_6 7}$:

B) $49^{\log_7 16}$;

б) 5^{log_{0,04}16}:

 Γ) 0 2 $\log_{125} 8$

57. Найдите значение выражения:

a) $\log_{10} 125 + \log_{10} 0.8$; B) $\log_3 1620 - \log_3 20$;

6) log_0 , 156, 25 + log_0 , 4; β β log_7 2058 - log_7 6.

58. Найдите значение выражения:

a) $\log_4 8\sqrt{3} - \log_2 4\sqrt[4]{3}$; 6) $\log_8 64\sqrt{3} - \log_2 2\sqrt[6]{3}$.

Найдите значение выражения: **59.**

a) $\frac{\log_3 512}{\log_2 4}$;

 $6) \frac{\log_5 243}{\log_{25} 81}.$

60. Найдите значение выражения:

a) $\log_7 25 \cdot \log_{625} 49$;

6) $\log_{0.25} 25 \cdot \log_5 32$.

61. Найдите значение выражения:

a) $\log_2 3 \cdot \log_3 5 \cdot \log_5 8$;

6) $\log_4 5 \cdot \log_5 7 \cdot \log_7 8$.

Конец ознакомительного фрагмента. Приобрести книгу можно в интернет-магазине «Электронный универс» e-Univers.ru