## ОГЛАВЛЕНИЕ

Предис	словие	автора	12
Глава 1	. Целі	и, задачи и общий подход к изучению динамики	
	спут	гников	15
1.1.	Введе	ние	15
1.2.	Небес	сная механика — основа изучения динамики	
	спутн	иков планет	17
1.3.	Цели	изучения динамики спутников планет	18
1.4.	Основ	вные понятия небесной механики и астрометрии	19
1.5.	Общи	й подход к изучению динамики планет и спут-	
	ников	3	25
1.6.	Особь	ые свойства необходимых наблюдений	28
Глава 2	<b>2.</b> Спут	гники планет	33
2.1.	Спутн	ники планет — объекты Солнечной системы	34
2.2.	Класс	сификация и номенклатура спутников планет	35
2.3.			
2.4.	История открытия спутника Плутона Харона		
2.5.	Орбит	гальные и физические параметры планет	49
2.6.	Орбит	гальные параметры спутников планет	53
Лит	ература	а к Главе 2	55
Глава 3	В. Уран	внения движения и аналитические теории	<b>5</b> 9
3.1.	Уравн	ения движения и системы координат	60
3.2.	Модел	ль кеплеровского движения	63
	3.2.1.	Основные формулы кеплеровского движения .	63
	3.2.2.	Вычисление координат в эллиптическом кепле-	
		ровском движении	71
	3.2.3.	Вычисление скорости в эллиптическом кепле-	
		ровском движении	71

3.2.4.	Частные производные от координат и компо-		
	*	71	
3.2.5.			
	но элементов Лагранжа	74	
3.2.6.	Примеры использования элементов Лагранжа.	77	
Силов	вая функция притяжения несферичной планеты	77	
3.3.1.	Разложение силовой функции	77	
3.3.2.	Притяжение в моделях и для реальных тел	<b>7</b> 9	
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
Подхо	оды и методы построения моделей движения	84	
Обоби	ценная задача двух неподвижных центров	87	
Метод	цы теории возмущений	90	
3.7.1.	Общая схема теории возмущений	90	
3.7.2.	Применение методов теории возмущений	92	
3.7.3.	Уравнения относительно элементов промежу-		
	точной орбиты	98	
3.7.4.			
3.7.5.	Решение уравнений способом Пуассона	109	
Разлог	женние возмущающей функции относительно		
элемен	нтов промежуточной орбиты	112	
Опред	деление возмущений	117	
Посто	янное возмущение большой полуоси	123	
Преце	ссирующий эллипс	127	
Возму	щенное движение при малых эксцентриситетах.	129	
3.12.1.	Формулировка проблемы	129	
3.12.2.	Круговое возмущенное движение	130	
3.12.3.	Переход к элементам кеплеровской орбиты	132	
3.12.4.	Оскулирующие элементы в возмущенном дви-		
	жении при малых эксцентриситетах	135	
Постр	оенные аналитические теории движения спут-		
ников	планет	142	
3.13.1.	Аналитическая теория движения Тритона	142	
3.13.2.	Модели прецессирующих эллипсов для близ-		
	ких спутников Юпитера	149	
3.13.3.	Специальные аналитические теории главных		
	спутников больших планет	152	
3.14. Влияние приливов в вязко-упругих телах планеты и			
спутн	ика	155	
	3.2.5.  3.2.6. Силов 3.3.1. 3.3.2. Прибл движе Подхо Обоби Метод 3.7.1. 3.7.2. 3.7.3.  3.7.4. 3.7.5. Разлог элемен Опред Возму 3.12.1. 3.12.2. 3.12.3. 3.12.4. Постр ников 3.13.1. 3.13.2.  3.13.3.	я.2.5. Формулы кеплеровского движения относительно элементов Лагранжа  3.2.6. Примеры использования элементов Лагранжа  Силовая функция притяжения несферичной планеты  3.3.1. Разложение силовой функции  3.3.2. Притяжение в моделях и для реальных тел. Приближенный учет влияния главных спутников на движение далеких  Подходы и методы построения моделей движения. Обобщенная задача двух неподвижных центров методы теории возмущений  3.7.1. Общая схема теории возмущений  3.7.2. Применение методов теории возмущений	

		3.14.1. Постановка задачи о влиянии приливов 155
		3.14.2. Уравнения в прямоугольных координатах 157
		3.14.3. Решение уравнений в прямоугольных коорди-
		натах
		3.14.4. Переход к элементам кеплеровской орбиты 164
		3.14.5. Некоторые важные выводы
	Лите	ература к Главе 3
Гл	ава 4	. Методы численного интегрирования 183
	4.1.	Цели решения уравнений движения небесных тел 184
	4.2.	Общие свойства методов численного интегрирования 185
	4.3.	Метод Рунге-Кутты
	4.4.	Алгоритм решения задач методами численного инте-
		грирования
	4.5.	Инструкция к программе Эверхарта
	4.6.	Программа интегрирования М.В. Беликова 200
	4.7.	Сравнение процедур численного интегрирования 202
	4.8.	Аппроксимация рядами по полиномам Чебышева 202
	4.9.	Обзор методов. Книга В.А. Авдюшева $\ \ldots \ \ldots \ 205$
	Лите	ература к Главе 4
Гл	ава 5	. Наблюдения спутников планет 208
	5.1.	Общие принципы наблюдений
	5.2.	Определение топоцентрических положений 210
	5.3.	Наблюдения планеты
	5.4.	Наблюдения спутника планеты
	5.5.	Наблюдения двух спутников планеты
	5.6.	Определение угловых измеряемых величин 217
	5.7.	Угловое расстояние и позиционный угол220
	5.8.	Определение тангенциальных координат221
	5.9.	Определение разности координат в случае наблюде-
		ний взаимных затмений спутников
	5.10.	Заключение относительно измеряемых величин 225
	5.11.	Моменты видимых сближений спутников
	5.12.	Средства и техника наземных наблюдений 228
	5.13.	Источники данных наблюдений
	5.14.	Шкалы времени и системы координат
	Лите	ература к Главе 5

глава о		гроение моделеи движения неоесных тел на	
	осно	ве наблюдений	241
6.1.	. Метод дифференциального уточнения параметров.		
	Приме	енение МНК	242
6.2.	Плоха	я обусловленность и неоднозначность решения .	254
6.3.	Обзор	сведений об алгоритмах фильтрации	257
6.4.	Вычис	ление измеряемых величин и частных произ-	
	водны	X	259
	6.4.1.	Общий порядок вычислений	259
	6.4.2.	Дифференциальные уравнения для изохрон-	
		ных производных в задаче трех тел	263
	6.4.3.	Дифференциальные уравнения для изохрон-	
		ных производных. Уточнение массы возмуща-	
		ющего тела	266
	6.4.4.	Дифференциальные уравнения для изохрон-	
		ных производных в задаче о движении спут-	
		ника сжатой планеты	267
	6.4.5.	Построение условных уравнений при угловых	
		измерениях	
6.5.		чение весов наблюдениям	
6.6.		ление статистических характеристик невязок	
6.7.		ема отбраковки грубых наблюдений	
		к Главе 6	
Глава 7.	_	чение астрометрических данных из наблюдений	
			282
7.1.		ние явлений	
7.2.		получения астрометрических данных	
7.3.	Упрощенный вариант модели		
7.4.	Фотом	иетрические модели явлений	
	7.4.1.	Общие фотометрические характеристики	293
	7.4.2.	Фотометрическая модель взаимного покрытия	
		спутников	295
	7.4.3.	Фотометрическая модель взаимного затмения	
		спутников	
7.5.		ы рассеяния света для спутников планет	
	7.5.1.	Закон рассеяния света Ломмеля-Зеелигера	
	7.5.2.	Закон Хапке для гладкой поверхности	
	7.5.3.	Закон Хапке для шероховатой поверхности	301

	7.5.4.	Параметры закона Хапке для Галилеевых спут-	
		ников Юпитера	
7.6.	Фотометрические характеристики спутника, интеграл		
		одиску	303
7.7.		иетрические модели взаимных покрытий и за-	
	тмени	й главных спутников Сатурна и Урана	
	7.7.1.	Фотометрическая модель спутников Сатурна .	
	7.7.2.	Фотометрическая модель для спутников Урана	
7.8.	Соотн	ошение точности наблюдений различных типов	312
7.9.		рные кампании наблюдений	
	-	тствия перед улучшением точности	
7.11	. Перио	ды явлений в будущем	320
		к Главе 7	321
Глава 8		ка точности эфемерид спутников планет	326
8.1.	Факто	ры, определяющие точность эфемерид	327
8.2.	Вариал	ция ошибок наблюдений методом Монте-Карло	329
8.3.	Вариа	ция состава наблюдений «бутстреп»-выборками	332
8.4.	Оценк	а точности методом вариации параметров	335
8.5.	Точно	сть эфемерид далеких спутников	337
Лит	ература	к Главе 8	342
Глава 9	. Враш	цение спутников планет	344
9.1.	Общи	е свойства вращения спутников планет	344
9.2.	Основ	ные понятия о вращении планет и спутников	347
9.3.		ние Нептуна и орбита Тритона	
9.4.	Теория	я вращения Фобоса	353
9.5.	Враще	ние Галилеевых спутников Юпитера, спутни-	
		атурна и Плутона	357
9.6.		ческое вращение спутников планет. Вращение	
		иона	
		к Главе 9	
		юция орбит спутников планет	370
10.1		йствие различных факторов на эволюцию орбит	
		иков планет	
		оция орбит спутников от сжатия планеты	372
10.3		оция орбит спутников планет под действием	
	-	жения Солнца	
		Осреднение возмущающей функции	
	10.3.2.	Частный случай — задача Хилла	381

10.3.3. Анализ при дважды осредненной возмущаю-	
щей функции в случае Хилла	382
10.3.4. Эволюция при дважды осредненной возмуща-	
ющей функции в случае Хилла	392
10.3.5. Применения для реальных спутников планет .	400
10.4. Уточненные модели эволюции. Численно-аналити-	
ческий метод	401
10.5. Эволюция орбит при совместном влиянии различных	
факторов	405
10.6. Классификация орбит спутников по свойствам эво-	
люции орбит	409
10.7. Эволюция орбит и сближения далеких спутников	411
10.7.1. Современные знания об эволюции орбит дале-	
ких спутников планет	
10.7.2. Сближения далеких спутников планет	
10.7.3. Аналитическое описание эволюции орбит	416
10.7.4. Определение минимальных расстояний между	
орбитами	417
10.7.5. Интернет-ресурс по эволюции орбит и сбли-	
жений далеких спутников	
10.7.6. Примеры вычислений	
10.7.7. Заключение	423
10.8. Уточнение теории вековых возмущений Лапласа —	
Лагранжа	
Литература к Главе 10	
- 1 1 V	432
11.1. Введение	
11.2. Справочник по физическим параметрам спутников	
11.3. Детектирование вулканов на спутнике Юпитера Ио .	435
11.4. Оценки физических параметров далеких спутников	
планет	
11.4.1. Особенности далеких спутников планет	
11.4.2. Обзор имеющихся фотометрических данных	438
11.4.3. Фотометрическая модель для далеких спутни-	
ков	442
11.4.4. Определение фотометрических параметров по	,,,
результатам фотометрии	
11.4.5. Исходные данные и результаты	
11.4.6. Сравнение результатов разных авторов	450

11.4.7. Выводы об оценках фотометрических пара-	
метров	453
11.5. Определение массы Гималии по астрометрическим	
наблюдениям	454
Литература к Главе 11	
Глава 12. Информационные ресурсы по естественным спутни	
кам планет	464
12.1. Варианты и смена версий теорий движения	465
12.2. Доступ к базам данных и эфемеридам спутников	
12.3. Возможности сервера эфемерид MULTI-SAT	
12.4. Теории и модели в сервере эфемерид MULTI-SAT	
12.5. Теории и модели в сервере эфемерид JPL	
12.6. Спутники планет в виртуальных обсерваториях	
12.7. Стандарты фундаментальной астрономии	
Литература к Главе 12	
Приложение 1. Номенклатура спутников планет	495
Приложение 2. Орбитальные параметры спутников	510
Приложение 3. Специальные функции в небесной механике	524
Приложение 4. Шкалы времени	530
Приложение 5. Декомпозиция Холецкого. Программа	536
Приложение 6. Параметры вращения планет и спутников	538
Приложение 7. Физические параметры спутников планет	556
Предметный указатель	572

## ПРЕДИСЛОВИЕ АВТОРА

Лишь тогда есть толк в теории, когда она представляет собой не только абстрактные конструкции в воображении очарованного теоретика, а хорошо отлаженные процедуры, исправно служащие целям практического познания природы.

Динамика спутников планет представляет собой весьма занимательную область небесной механики. На первый взгляд динамику спутников можно изучать и без наблюдений. Исследователь может придумать близкую к действительности или вообще абстрактную спутниковую модель, испытывать на ней новые методы, демонстрируя свое высочайшее мастерство. Есть и другое соблазнительное направление деятельности — объяснение того, почему небесные тела движутся именно так, как они движутся. Новое объяснение известных в природе фактов или объяснение ранее не объясненных явлений выглядит значительным научным достижением. Безусловно, мы таким образом оттачиваем свое мастерство. Однако в этих делах исслелователь должен в какой-то момент остановиться и задать себе вопрос: добываем ли мы при этом новую информацию об окружающей нас природе. Разумеется, научное обобщение фактов на каком-то этапе может создать качественный скачек в наших представлениях о природе. Однако этому предшествует трудоемкий, а

12

иногда и изнурительный процесс накопления фактических знаний. В динамике спутников планет этот путь неизбежно пролегает через техническое освоение наблюдательной информации, через составление непомерно громоздких вычислительных программ и проведение скучнейших вычислений. Какой исследователь пойдет туда? Либо тот, кто понимает суровую неизбежность этого процесса, либо тот, кто имеет свои особые научно-технические пристрастия. В помощь именно таким отважным исследователям и написана предлагаемая книга.

Как и во многих других разделах астрономии, в динамике спутников планет критерием истины является соответствие наблюдениям. Теоретикам известно, что чем больше наблюдений, тем может быть хуже для теории. Можно поздравить таких теоретиков — на смену их теории пришла новая. Именно на такие события нецелена предлагаемая книга.

Как в обычной жизни, так и в научных исследованиях, мы нередко находимся в поисках справочного бюро. В наше время таким бюро является «всемирный виртуальный разум» — Интернет. В исследованиях динамики спутников планет, как и во многих других научных исследованиях, востребованы только такие данные, которые снабжены сведениями о том, кто и как эти данные получил, и для которых ясна их точность и достоверность. В предлагаемой книге приводится справочная информация по спутникам планет, снабженная ссылками на заслуживающие доверия источники.

Научный труд часто бывает успешным, когда он ограничен определенными рамками как по объектам, так и по методам исследований. В таком стройном процессе иногда случаются досадные ситуации, когда необходимо выходить наружу за незнакомыми методами или сведениями. В таких ситуациях может помочь предлагаемая книга.

Наконец, данная книга помогает противодействовать мнению о том, что слова «небесная механика» звучат старомодно, и что это не современная область астрономии. В действительности, небесная механика не ограничена задачей трех тел и определением орбиты по трем наблюдениям. В наше время это самая практическая и современная область астрономии. Она не только удовлетворяет наше природное любопытство, но также служит решению двух вечных проблем человечества: расширению среды обитания и защите от опасных сил природы.

Большая часть книги основана на научных результатах и публикациях автора. Для тех разделов, которыми автор сам непосредственно не занимался, в книге представлены краткие обзоры публикаций других специалистов. По всем разделам книги дана обширная библиография. Это необходимо для более детального изучения методов и научных результатов. Библиография сама по себе представляет справочный материал, востребованный для широкого использования. К каждой главе дается отдельный список. Некоторые ссылки могут повторяться в разных главах.

Научная работа по теме предлагаемой книги велась автором частично при сотрудничестве с коллегами из французского Института небесной механики и вычисления эфемерид. Это, с одной стороны, сопровождало работу хорошей экспертизой, а с другой стороны, обеспечивало востребованность получаемых автором результатов.

Возможность написания книги была в первую очередь обеспечена высоким уровнем образования, которое дал автору Московский государственный университет имени М.В. Ломоносова. Всю свою научную жизнь автор провел в стенах Государственного астрономического института имени П.К. Штернберга МГУ, где и была написана эта книга.

Автор выражает благодарность доценту Г.И.Ширмину за окончательное редактирование и корректуру книги.

## ЦЕЛИ, ЗАДАЧИ И ОБЩИЙ ПОДХОД К ИЗУЧЕНИЮ ДИНАМИКИ СПУТНИКОВ

#### Резюме

В этой главе происходит первое свидание читателя с автором. Это очень важный момент. Поэтому здесь представлен общий взгляд автора на всю тему книги. Объясняются специфические особенности науки о динамике естественных спутников планет. Показаны цели всего этого дела и какой от него толк.

Для хорошего понимания всегда нужен общий язык. Поэтому в этой первой главе даны основные понятия, которыми оперирует автор. В отдельных научных сообществах вырабатываются свои определения вещей, иногда даже свой жаргон. Автор использует здесь те определения и понятия, которыми пользовались в свое время его учителя, и которые обычно используются в лекциях на астрономическом отделении Физического факультета МГУ.

Далее в главе представлен основной методический подход. Этому подходу подчинен весь последующий материал книги. В книге сделана попытка разностороннего описания динамики естественных спутников планет. Однако главное заключается в построении моделей движения на основе наблюдений. Во многих других задачах исследователи становятся пользователями этих моделей.

### 1.1. Введение

Сознание того, что во все стороны от нас простирается необъятная Вселенная, всегда беспокоило человека. Это вызывает двоякое желание. Во-первых, хорошо бы понять своё место в необозримом

пространстве и бесконечном разнообразии мира. У человека нередко возникает легкий дискомфорт от отсутствия ответа на подобный вопрос. Одновременно рождается желание извлечь из Космоса выгоду для удовлетворения своих постоянно возрастающих потребностей. Еще большее беспокойство испытывает человек, обнаружив угрозу своей жизни со стороны сил природы. Ничто так не пугает нас, как непонятное. Удивительно легко успокоить человека объяснением страшных явлений даже не совсем знакомыми словами. Сознание того, что хоть кто-то разбирается в деяниях природы, возвращает нас к привычному комфорту повседневной жизни. Вот почему мы должны быть благодарны тем немногим людям, которые работают, чтобы избавить нас от мучительных вопросов о космосе и судьбе.

С древних времен люди задумывались о влиянии небесных светил на земную жизнь. Попытки сопоставить небесные явления с судьбой человека делались как учеными, так и далекими от науки предприимчивыми личностями. Однако во все времена неизменно получался весьма ненадежный результат. Что касается судьбы самих небесных тел, то астрономы и математики давно рассчитали удивительно устойчивый характер их движения. Размеры и формы орбит планет, наклоны осей их вращения почти не изменились даже на космогонических интервалах времени.

Ученые-естествоиспытатели и философы пришли к выводу, что главная причина существования Разума во Вселенной — это функция познания. Разумная жизнь характеризуется стремлением понять и объяснить происходящие вокруг явления.

На любом этапе познания Вселенной мы уже имеем более или менее адекватную ее модель. Новые, более точные наблюдения приводят к рассогласованию модели с действительностью. Чаще всего желаемое согласование модели восстанавливается путем уточнения известных параметров движения или состояния небесных тел. Иногда приходится значительно совершенствовать теории, методы построения модели или методы вычислений. Процесс невольно направлен на обнаружение новых, необъясненных явлений. На некотором этапе удается добыть эту столь необходимую Разуму «пищу», но этому всегда предшествует колоссальный труд ученых — наблюдателей, теоретиков, вычислителей. Модели движения небесных тел ценны еще тем, что позволяют нам предвычислять их расположение на любой момент времени в прошлом или будущем.

Лишь тогда есть толк в теории, когда она представляет собой не только абстрактные конструкции в воображении очарованного теоретика, но и хорошо отлаженные процедуры, исправно служащие целям практического познания природы. Одним из главных инструментов на таком пути является практическая небесная механика. Именно практическая небесная механика дает нам наиболее полные и точные знания о динамике спутников планет.

# 1.2. Небесная механика — основа изучения динамики спутников планет

Небесная механика — область науки, которая занимается изучением движений небесных тел под действием естественных сил природы.

Предметом небесной механики являются механические формы движения материи.

Объекты исследований — всевозможные материальные образования, от мельчайших частиц космической пыли до колоссальных систем типа звездных скоплений, галактик и скоплений галактик.

Цель небесной механики— познание законов природы, управляющих механическими движениями небесных тел.

Для всего естествознания небесная механика играет роль фундамента, без которого немыслимо познание Вселенной и освоение Космоса. Значение небесной механики для жизни на Земле состоит в использовании знаний о движении небесных тел и ближнем Космосе для лучшего удовлетворения потребностей человека и его защиты от сил природы. Теория движения искусственных спутников Земли позволяет использовать космические аппараты для коммуникации и исследования земных ресурсов. Теория движения астероидов, комет и метеоров дает оценку опасности попадания этих тел в атмосферу и выпадения на земную поверхность. Исследования движений тел Солнечной системы позволили создать фундаментальную систему отсчета — модель инерциальной системы, реализованную небесной механикой и астрометрией в форме астрономических ежегодников и фундаментальных звездных каталогов.

В недрах небесной механики возникли, оформились и развились многие наиболее эффективные методы математической физики и вычислительной математики.

В качестве примера (и отнюдь не единственного!) можно указать методы численного интегрирования дифференциальных уравнений, описывающих различные природные явления и рукотворные процессы. Зародившись в небесной механике, эти и другие численные методы получили широчайшее распространение в науке и технике. В XVII-XVIII веках с решения астрономических задач методами небесной механики началась, по существу, и вся теоретическая физика.

Не только преимущественно теория систем обыкновенных дифференциальных уравнений, как это было в прошлом столетии, но, по сути дела, весь арсенал современных средств прикладной математики используется современной небесной механикой при моделировании движений космических объектов.

## 1.3. Цели изучения динамики спутников планет

Основная цель изучения динамики тел Солнечной системы — знание движения планет и их спутников. Задача совпала с вечной проблемой человечества — расширением и изучением среды обитания. Спутники больших планет — наиболее подходящие места для посадки автоматических и обитаемых космических аппаратов. Изучение строения и динамики тел Солнечной системы является важной частью динамической астрономии. Решается эта задача методами небесной механики на основе астрометрических наблюдений. Новая задача динамики тел Солнечной системы, возникшая во второй половине XX века, — межпланетная навигация.

Общий подход к изучению динамики — создание моделей движения и эфемерид планет, астероидов и естественных спутников планет. Процесс основывается на общих законах природы, физических параметрах небесных тел и, самое главное, на их наблюдениях. Используются современные математические методы и самые совершенные методы вычислений. Эфемериды являются конечным результатом исследований, так как содержат в себе все знания о динамике тел Солнечной системы.

Эфемериды нужны для определения физических свойств небесных тел. С их помощью изучается происхождение и эволюция Солнечной системы. Эфемериды нужны также для подготовки и проведения космических миссий к другим планетам. С помощью эфемерид открывают новые небесные тела. Еще в середине XIX века

французский ученый Леверье на основе эфемерид открыл новую планету Нептун. Процесс открытия новых планет и спутников таким путем продолжается и сейчас. В итоге мы заключаем, что эфемериды являются средством исследований, так как содержат в себе все знания о движении планет и спутников.

Результаты и выводы небесной механики явно и незримо присутствуют во многих других областях науки и практической деятельности человека.

# 1.4. Основные понятия небесной механики и астрометрии

Установим некоторые основные понятия практической небесной механики и астрометрии, которыми мы будем оперировать в последующем изложении.

Объектами наших исследований являются планеты и спутники Солнечной системы. На пути исследований оперируют с моделями небесных тел, которых в природе не существует, но которые в известной мере мало отличаются от реальных небесных тел. Примерами таких объектов могут служить материальная точка или абсолютно твердое однородное тело, ограниченное поверхностью трехосного эллипсоида.

Законы движения. Реальным проявлением движения небесных тел является изменение их взаимного расположения, которое определяется взаимными расстояниями. Для задания движения системы небесных тел следует задать закон изменения их взаимных расстояний во времени. Математическим описанием законов движения являются те или иные функции времени.

Для удобного отображения движения небесных тел оперируют понятиями системы отсчета, системы координат и шкалы времени. Абстрактное понятие системы координат так или иначе связывают с реальными небесными телами. Примерами могут служить Гринвичский меридиан на Земле или внегалактические радиоисточники излучения. Абстрактное понятие шкалы времени связывают с реальными физическими процессами. Примерами могут служить вращение Земли или электромагнитное излучение атома.

**Законы взаимодействия.** Основой для изучения движения небесных тел являются строго установленные из наблюдений законы физики, которые описывают взаимодействия тел или воздействия на

них той среды, в которой они движутся. Математической формой законов взаимодействия небесных тел оказываются обыкновенные дифференциальные уравнения, которым удовлетворяют взаимные расстояния между небесными телами или их координаты.

**Механическая модель.** В небесной механике используют понятие механической модели. Модель описывается составом движущихся объектов, их свойствами, заданием сил, действующих на отдельные компоненты модели. Механические модели используются либо для приближенного описания движений небесных тел либо как основа для разработки более точных методов описания их движений.

Задачей практической небесной механики считается создание и исследование различных механических моделей, а также изучение и описание движения реальных небесных тел.

Механическая модель, являясь, как правило, приближенным описанием движения системы реальных небесных тел, может принципиально от нее отличаться. В частности, свойства тел в модели могут не соответствовать реальности, а законы действующих сил могут задаваться специальным образом. Примерами могут служить задача о движении системы материальных точек, в которой небесные тела не имеют размеров, или ограниченная задача трех тел, не удовлетворяющая третьему закону Ньютона.

Наблюдения. Измеряемые величины. Источником наших знаний о небесных телах являются наблюдения. Наблюдая, мы не можем довольствоваться констатацией факта наличия небесного тела на небе. В процессе астрономических наблюдений выполняются измерения тех или иных величин. Делается это с помощью разнообразных приборов. В отличие от абстрактных координат, измеряемая величина всегда реальна. Она образуется в измерительном приборе. Астрономы имеют дело с богатым разнообразием приборов и измеряемых величин. Примерами могут служить углы поворота оси телескопа относительно отвесной линии и плоскости меридиана, расстояния между изображениями небесных тел на фотопластинках, промежуток времени между вспышкой лазерного дальномера и фиксацией в телескопе отраженного от небесного тела светового импульса, интенсивность засветки отдельного пиксела полупроводникового приемника света, разность продолжительностей записи фрагмента излучения космического радиоисточника на двух ралиотелескопах.

Точность наблюдений. Приборам присуща погрешность. Таинства процессов, происходящих в измерительных приборах, оставляют нам лишь возможность строить гипотезы относительно ошибок измерений. Никогда не бывает известна величина ошибки отдельного измерения. Очень часто мы предполагаем, что погрешности чисто случайны, и рассматриваем различные статистические характеристики ошибок. Чаще всего оперируют с понятием наиболее вероятной среднеквадратичной величиной ошибки. Конструктивные свойства измерительных приборов иногда позволяют приближенно установить точность измерений. В общем случае мы говорим о точности наблюдений.

**Время.** Изменение измеряемой величины во времени обусловлено движением небесных тел. Измерение выполняется в некоторый момент времени. Момент отсчитывается по часам обсерватории. В практической небесной механике измеряемой величине всегда приписывают конкретный момент измерения.

Время является абстрактным понятием, для его определения нужны какие-нибудь измерительные приборы. Любой прибор имеет собственнную погрешность измерения. Сначала время измеряли углом вращения Земли. Такое время назвали всемирным и обозначили через UT. Когда были обнаружены расхождения теории движения Луны с наблюдениями, стало ясно, что Земля вращается неравномерно, и эталоном стало время, как независимая переменная в теории движения Луны. Время, измеряемое по наблюдениям Луны, называлось эфемеридным временем и обозначалось ЕТ (Ерhemeris Time). Однако точность наблюдений Луны все же ограничена. Поиски более точного измерителя времени привели к атомным часам. Этот датчик времени является сейчас наиболее точным. Время, осредненное по нескольким наиболее точным атомным часам мира, называют международным атомным временем и обозначают IAT.

В дальнейшем мы будем говорить о наблюдениях небесных тел, всегда предполагая при этом получение той или иной измеряемой величины на некоторый момент времени — момент измерения.

Точность астрономических измерений достигла уже такого уровня, что стала заметна неадекватность классической ньютоновской механики наблюдаемому движению небесных тел. В более точной общей теории относительности время течет различно в любых двух

точках пространства. Для связи различных шкал времени нужно учитывать движение тел и их массы.

Параметры движения. Изучая планеты и спутники, звезды и галактики мы смело предполагаем, что все время остаются постоянными некоторые параметры, присущие небесным телам и их движению. К ним относятся масса, размеры и форма тел, параметры орбиты и многие другие величины. Эти параметры невозможно непосредственно измерить с помощью имеющихся приборов. Однако их значения реально проявляют себя в наблюдаемом движении небесных тел. Будем называть в дальнейшем такие величины параметрами движения небесных тел.

Системы координат. Измеряемые величины не дают наглядных представлений о конфигурации системы небесных тел и тем более непригодны непосредственно для выражения общих законов движения. Удобным средством описания пространственного расположения тел и направлений на небесные светила являются системы координат. Когда говорят о положении светила или об ориентации тела в некоторой системе координат, имеется в виду абстрактные оси координат в пространстве и воображаемые линии на небе. Системы координат выбираются так, чтобы дать ясное представление о законах и свойствах движения небесных тел.

Выбор системы координат обусловлен удобством описания и изучения движения конкретного небесного тела. Начало и оси координат связывают либо с деталями объекта, например с гринвичским меридианом Земли, либо с его динамическими свойствами, например, с главными осями инерции тела, либо со свойствами движения, например, с осью вращения тела, либо с положением тела в некоторый момент времени, либо выбирают систему координат другим специальным образом.

Чаще других используется система прямоугольных или декартовых координат, ее начало обозначают буквой О, а оси — буквами х, у, z. Столь же часто применяется система сферических координат с обозначением центрального расстояния буквой r, широты — буквой  $\varphi$  и долготы — буквой  $\lambda$ .

Любые системы координат с началом, расположенным в точке наблюдения, называются топоцентрическими. Направления осей топоцентрической системы связывают с линией отвеса и местным меридианом. Говорят о геоцентрических системах координат, когда начало помещено в центр масс Земли.

Законы движения небесных тел — это зависимости координат тел от времени и параметров движения. Зависимости могут принимать различные формы. Чаще всего используются аналитические функции, описывающие явную зависимость координат от времени. В некоторых случаях зависимость дается в неявной форме, тогда координаты получаются путем вычислений по формулам последовательными приближениями. Закон движения может иметь форму числовых таблиц, в которых значения координат небесных тел заданы на ряд фиксированных моментов времени, обычно следующих с каким-то постоянным шагом. При таком численном задании закона движения теряется зависимость координат от параметров движения небесного тела. В этом случае затруднен анализ свойств движения, и мы ограничены тем интервалом времени, для которого координаты были вычислены.

Координаты небесных тел являются абстрактными понятиями. Их нельзя измерить никакими приборами. Системы координат моделируются с помощью формул и алгоритмов и являются составной частью модели движения небесных тел.

#### Модель движения небесного тела.

Мы не знаем точно, как устроены небесные тела и по каким точным законам они движутся. Поэтому приходится довольствоваться изучением моделей движения, выдвигая смелую гипотезу о том, что наши модели мало отличаются от действительности.

В общем случае под моделью движения небесного тела мы будем подразумевать некоторую конструкцию, позволяющую определять значения измеряемой величины на любые заданные моменты времени при известных значениях параметров движения.

Реализации модели движения небесного тела могут иметь весьма различные формы. Это могут быть математические формулы, написанные вручную на бумаге или опубликованные в виде печатного материала. Это могут быть напечатанные числовые таблицы значений координат. В настоящее время и формулы и таблицы отображаются в памяти компьютеров. При этом формулы преобразуются в алгоритмы вычислений, а таблицы доступны вычислительным программам, решающим те или иные задачи. Однако даже в эпоху мощной вычислительной техники в нескольких научных центрах мира создаются и печатаются в форме астрономических ежегодников координаты основных небесных тел, вычисленные на несколько лет вперед.

Откуда же берутся законы движения небесных тел? В старые времена они устанавливались почти эмпирически из простых наблюдений. Сейчас же, конечно, законы движения находят в процессе решения дифференциальных уравнений движения относительно координат небесных тел. Составляют эти уравнения на основе строго установленных законов физики, которые описывают взаимодействия тел или воздействия на них той среды, в которой они движутся. Это делается в рамках какой-либо механической модели. Четко фиксируются все факторы, влияющие на движение каждого тела системы и включенные в рассматриваемую модель. Процесс построения законов движения небесных тел, а также его результат — сами законы движения, называют теорией движения. Именно этим занимается небесная механика.

В подавляющем большинстве задач небесной механики невозможно получить точное решение уравнений движения. Приходится довольствоваться либо приближенным решением точных уравнений, либо точным решением приближенных уравнений. Применяются как аналитические, так и численные методы решения дифференциальных уравнений. В обоих случаях решение обладает погрешностью. Эта погрешность может быть более или менее достоверно оценена с помощью самой теории.

Точность модели движения небесного тела. Исходными данными для модели движения небесного тела являются параметры движения, которые в свою очередь известны с некоторой погрешностью. Эта погрешность также повлияет на точность предвычисления координат небесного тела и точность предвычисления измеряемой величины. В дальнейшем мы будем говорить о точности модели, подразумевая погрешность вычисления измеряемой величины. При этом мы разделяем два источника этой погрешности: приближенность найденного решения уравнений движения и неточность параметров движения. Погрешность решения уравнений движения мы будем также называть погрешностью вычислений или погрешностью метода. Говоря о точности теории движения небесного тела, всегда нужно уточнять, включена ли в погрешность теории неточность параметров движения или имеется в виду точность теории в предположении абсолютно точных параметров.

**Методы исследований.** От других астрономических дисциплин небесная механика отличается лишь методами исследования, среди которых выделяются: *аналитические*, *численные*, *качественные*.

# Конец ознакомительного фрагмента. Приобрести книгу можно в интернет-магазине «Электронный универс» e-Univers.ru